ДВИЖЕНИЕ ПЫЛИНКИ В АСПИРАЦИОННОМ УСТРОЙСТВЕ ШАРОШКИ

Ст. преп. Потоцкий В.Н. (ВГТУ)

На рисунке 1 показано распределение скоростей воздушного потока, увлеченного шарошкой:

$$W_{xy} = V_0 - \frac{V_0}{\Delta} \cdot X_1, \qquad (1)$$

где V_0 - окружная скорость шарошки. Там же показано параболическое распределение скоростей всасывающего потока, нормального к плоскости рисунка (показанного «улетающими» стрелками):

$$W_{z} = 4W_{z=0} \frac{X_{\perp}}{\Delta} \left(1 - \frac{X_{\perp}}{\Delta} \right) \tag{2}$$

где наибольшая скорость [1] W_{max} =1.5* W_{B} (W_{B} - средняя скорость всасывающего потока).

На рисунке 2 показана проекция траектории лылинки на плоскость рисунка. Рассмотрим заштрихованный на рисунке треугольник и найдем связь между координатами X и X₁ и проекции скорости (1):

$$X_{1} = \sqrt{x^{2} + (r - y)^{2}} - r = r \left[\sqrt{\left(\frac{x}{r}\right)^{2} + \left(1 - \frac{y}{r}\right)^{2}} - 1 \right]; \tag{3}$$

$$W_{\bullet} = W_{\bullet} \cos \alpha, \quad W_{\bullet} = W_{\bullet} \sin \alpha,$$
 (4)

где

$$\cos\alpha = \frac{r - y}{r + X}, \quad \sin\alpha = \frac{x}{r + X},$$
 (5)

Уравнение движения пылинки [1] может быть преобразовано к виду:

$$V_{1}\frac{d\vec{V}}{dx} = \frac{C}{l}K_{ul}U^{2}\left[-\frac{\vec{U}}{U}\right] + \vec{g}, \qquad (6)$$

где \vec{V} - скорость пылинки, $\vec{U} = \vec{V} - \vec{W}$ - ее относительная скорость в потоке воздуха, \vec{g} - ускорение свободного падения; K_{ω} - коэффициент сопротивления эквивалентного шара, зависящий [2] от числа Рейнольдса

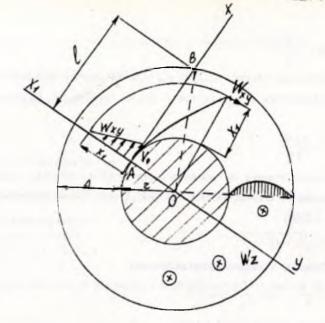


Рисунок 1. Распределение скоростей увлеченного потока

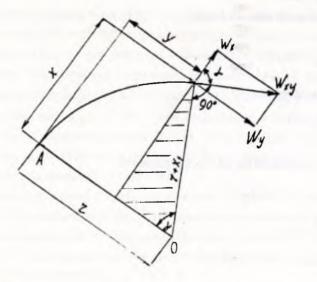


Рисунок 2. Проекция траектории пылинки.

$$Re = \frac{U \ d}{V} \tag{7}$$

 $(\nu$ - кинетическая вязкость воздуха, $d_{3\kappa a}$ =1.5L/ ϕ - диаметр эквивалентного шара, L - длина пылинки, ϕ - коэффициент формы пылинки [2]); безразмерная константа

$$C = \frac{\varphi \gamma \, lS}{2 \, m} \tag{8}$$

(у - плотность воздуха, m - масса пылинки, $S=\pi d^2/4$ - площадь миделева сечения, d -диаметр цилиндрической пылинки), длина отрезка касательной (рис. 1) AB (см. Δ OAB)

$$l = \sqrt{(r+\Delta)^2 - r^2} \ . \tag{9}$$

Переходя к безразмерным величинам

$$v = \frac{V}{V_0} \; , \quad w = \frac{W}{V_0} \; , \quad u = \frac{U}{V_0} \; ;$$

$$x = x/1$$
, $x_1 = x_1/1$, $y = y/1$, $\xi = z/1$;

$$\delta = \Delta/I$$
, $\rho = r/I$.

уравнение (6) получим в виде

$$v_{\star} \frac{dv}{dx} = CK_{u}U^{2} \left(-\frac{v}{U}\right) + a$$

где векторная константа [1]

$$\vec{a} = \frac{g1}{v^2},\tag{10}$$

или - в проекциях на оси х, е, z - уравнения

$$\frac{dv_{y}}{dx} = -CK_{u}U\frac{v_{y} - w_{x}}{v_{x}},$$

$$\frac{dv_{y}}{dx} = -CK_{u}U\frac{v_{y} - w_{y}}{v_{x}},$$

$$\frac{dv_{z}}{dx} = -CK_{u}U\frac{v_{z} - w_{z}}{v_{x}} - \frac{a}{v_{x}},$$
(11)

где модуль безразмерной относительной скорости

$$U = \sqrt{(v_x - w_x)^2 + (v_y - w_y)^2 + (v_z - w_z)^2};$$

безразмерные проекции скорости воздушного потока (4) и (2)

$$w_x = w_{xy} \cos \alpha$$
, $w_y = w_{xy} \sin \alpha$, $w_z = 6 W_B \frac{X_1}{\delta} \left(1 - \frac{X_1}{\delta} \right)$, (12)

безразмерная скорость (1)

$$W_{xy} = 1 - \frac{X_1}{\delta}, \quad \frac{X_1}{\delta} = \frac{\rho}{\delta} \left(\frac{X_1}{\rho} \right).$$

формула (5) приобретает вид

$$\cos\alpha = \frac{1 - \eta/\rho}{1 + X_1/\rho}, \quad \sin\alpha = \frac{X/\rho}{1 + X_1/\rho},$$

а формула (3) дает выражение

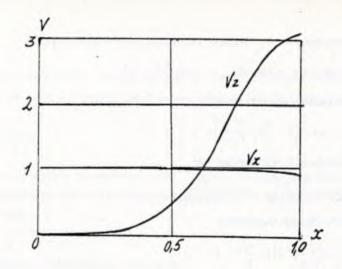
$$\frac{X_1}{\rho} = \sqrt{\left(\frac{X}{\rho}\right)^2 + \left(1 - \frac{\eta}{\rho}\right)^2} - 1.$$

Траектория частицы (в безразмерных координатах) получается из уравнений [1]

$$\frac{d\eta}{dx} = \frac{v_{x}}{v_{x}}, \quad \frac{d\xi}{dx} = \frac{v_{x}}{v_{x}}. \tag{13}$$

Принимая размеры пылинки (d=1 мм, L=3 мм), коэффициент формы (ϕ =2 [2]), массу пылинки (m=150*10⁻⁹ кг); среднюю скорость воздуха во всасывающей трубе \varnothing 20 мм (W_{mp} =20 м/с), плотность и кинетическую вязкость воздуха (γ =1 кг/м, ν =15*10⁻⁶ м²/с); величину зазора между шарошкой и улиткой, радиус и окружную скорость шарошки (Δ =2 мм, г=7.5 мм, V_{o} =7.5 м/с), найдем длину (9) АВ (l=6 мм), число Рейнольдса (7) - Re=1130U, коэффициент в последней из формул (12) - 6w₈=95, безразмерные константы (8, 10) в уравнениях (11) - C=0.032, а=0.001; при числах Рейнольдса (14) лобовое сопротивление K_{ω} =0.47 [2], т.е. коэффициент в уравнениях (11) С K_{ω} =0.015.

Решение уравнений (11, 13) при начальных условиях V_x =1, V_y =0, V_t =0, x=0, y=0, y=0,



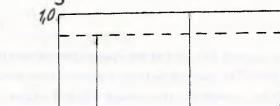


Рисунок 3. Составляющие скорости частицы.



Из рис. З следует, что проекция скорости частицы V_x изменяется незначительно. Полагая в уравнениях (11) V_x =1 \pm const, V_y =0, получим приближенные уравнения задачи

$$\begin{split} \frac{dv_z}{dx} &= CK_w \Big(v_z - w_z\Big)^2 - a_{\perp} \\ \frac{d\varsigma}{dx} &= v_z_{\perp} \end{split} \label{eq:continuous}$$

в решении которых наибольшая скорость отличается от соответствующей скорости в решении уравнений (11, 13) на 2 %, наибольшее смещение - на 6 %.

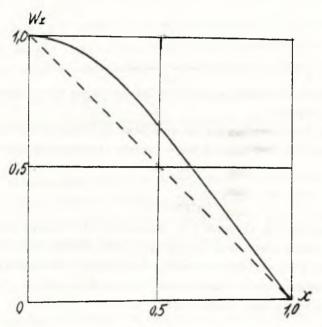


Рисунок 5. Распределение скоростей увлеченного потока вдоль прямой AB (см. рисунок 1).

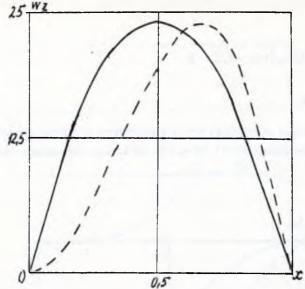


Рисунок 6. Распределение скоростей всасывающего потока вдоль прямой AB (см. рисунок 1).

На рис. 5 и 6 представлены распределения скоростей (12) вдоль проекции траектории АВ, штриховыми кривыми показаны распределения работ [1, 3].

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Федосеев Г.Н., Потоцкий В.Н., Ольшанский В.И. Пылевая частица в кольцевом зазоре аспирационного устройства.-Витебск: ВГТУ, 1997.
- 2. Буянов А.А. и др. Аспирационные и пылеуборочные установки обувных и кожгалантерейных предприятий. Справочное пособие.-М.: Легкая и пищевая промышленность, 1982 г.- 184 с.